

М. В. БЕЛОУСОВ, А. В. АЛЕКСАНДРОВ

ОСОБЕННОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ SMT-ПРОТОКОЛА НА БАЗЕ ЯЗЫКА PYTHON 3

Описана реализация SMT-протокола на основе схемы разделения секретного сообщения Шамира, исследованы характеристики протокола, такие как алгоритмическая сложность, скорость работы и надежность.

Ключевые слова: SMT-протокол, схема разделения секрета, модель Долева—Яо.

Рассмотрим реализацию SMT-протокола (Secure Message Transmission), принадлежащего к группе 0-секретных протоколов передачи сообщений [1], в обобщенном канале связи.

Под обобщенным каналом связи понимается ориентированный граф с множеством вершин и путей (каналов), таких что:

1) все пути C_i ($i = 1, \dots, n$) попарно не пересекаются, за исключением конечных точек A и B , задающих направление передачи данных в канале связи;

2) $\Pi(A, B, C, S)$ — протокол обмена сообщениями между вершинами A и B . В рамках протокола секретное сообщение (секрет) S должен быть передан в точку B по обобщенному каналу $C = \{C_1, \dots, C_n\}$.

3) секрет S является элементом числового поля GF_p (p —большое простое число), изначально находящимся в точке A ;

4) подчиненный модели безопасности Долева—Яо [2] протокол предусматривает противодействие противника на протяжении всей работы.

В классических вариациях SMT-протокола всегда можно выделить два этапа: разделение сообщения S на криптографические части — тени $Share_1(S), \dots, Share_n(S)$ с отправкой $Share_i(S)$ по каналам C_i , и сборка сообщения S из необходимого набора теней в другой точке сетевого графа.

Свойства конфиденциальности SMT-протоколов изучены в работах [1, 3, 4] для различных реализаций схем разделения и сборки секрета из теней. В частности, в статье [1] вводится понятие надежности. Надежность работы протокола $\Pi(A, B, C, S)$ определяется вероятностью P того, что по окончании работы протокола переданное и полученное сообщения одинаковы:

$$S^A = S^B, \quad P \sim 1. \quad (1)$$

В работе [4] для контроля надежности $\Pi(A, B, C, S)$ предлагается дополнительно использовать обратный канал связи (feedback).

В рамках нашей реализации протокола схема разделения секрета представляет собой классическую (n, n) -пороговую схему, позволяющую вычислять теньевые копии для больших

значений n . Схема разделения секрета Шамира использует многочлены степени $n-1$ над полем GF_p [5]:

$$p_{n-1}(x) = a_{n-1}x^{n-1} + \dots + a_1x + a_0, \quad a_0 = S, \quad (2)$$

$$a_{n-1}a_1 \in \text{rand}GF_p; \quad x \in GF_p.$$

Долей секрета $Share_i(S)$ является упорядоченная пара:

$$Share_i(S) = (i, p_{n-1}(i)), \quad i \neq 0.$$

Теорема о полиномиальной интерполяции для многочленов (2) над полем GF_p сохраняет свою силу, поэтому при наличии совокупности попарно различных теней мощности n секрет S восстанавливается по интерполяционной формуле Лагранжа:

$$p_n(x) = \prod_{i=1, j \neq i}^{n-1} \frac{x - x_j}{x_i - x_j}.$$

Обратимся к деталям реализации протокола $\Pi(A, B, C, S)$ на базе языка Python.

Для генерации и хранения теней секрета применяется тип dictionary, позволяющий использовать индексы на всем диапазоне bigint. Это позволяет фактически ограничивать количество генерируемых теней лишь объемом оперативной памяти [6] и достигать $n \sim 500$ при приемлемых значениях времени работы протокола.

В протоколе используются основные математические операции над полем GF_p , реализованные в рамках языка Python, такие как сложение, умножение Карацубы и быстрое возведение в степень. Анализ быстродействия данных операций на числах различной длины позволил определить оптимальные по скорости выполнения реализации. Для качественной генерации случайных коэффициентов в выражении (2) использован алгоритм Mersenne twister (MT19937), его период равен $2^{19937} - 1$. Алгоритм обладает достаточно высокими показателями времени генерации, например, время генерации a_i ($i = n - 1, \dots, 1$) в (2) относительно линейных конгруэнтных генераторов меньше приблизительно в 2—2,5 раза.

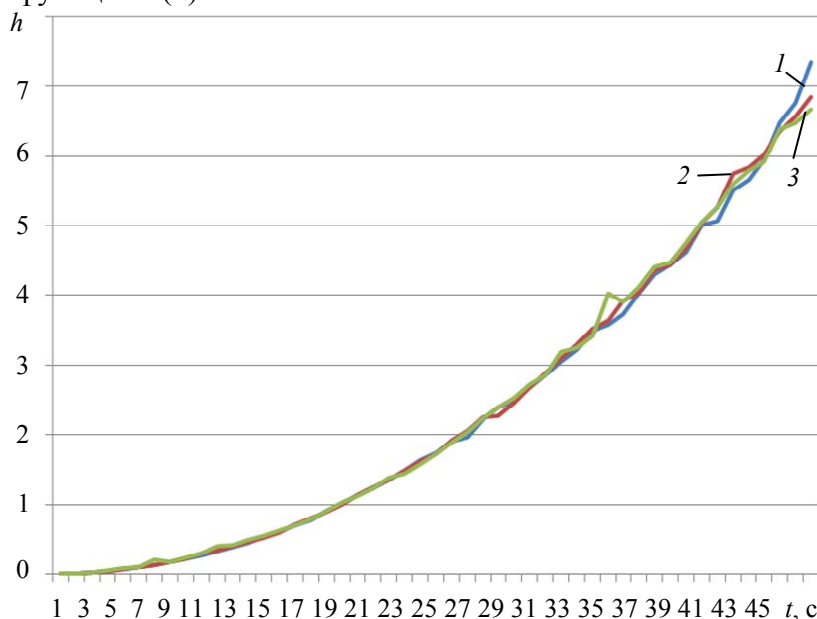
Функциональность реализованного базового SMT-протокола фактически ограничена предоставленными ресурсами оперативной памяти для хранения теней и элементов поля GF_p в процессе вычислений, а также вычислительными ресурсами процессора.

Поскольку основная часть протокола сводится к операциям разделения и сборки секретного сообщения, основные показатели быстродействия алгоритма в целом зависят от этих операций. Теоретические оценки вычислительной сложности операций разделения и сборки в нашем случае — $O(\log_2 n)$ и $O(n^2)$ соответственно.

Рассмотрим надежность работы протокола. Введение обратного канала для контроля надежности может существенно понижать конфиденциальные свойства протокола [4]. Поэтому нами предложено использовать хеш-функции как для контроля целостности теней секрета, так и для контроля сборки значения S в точке B . В частности, протокол $\Pi(A, B, C, S)$ завершает свою работу пересылкой значения хеш-функции секрета $h(S)$ по всем доступным каналам C_i либо пересылкой значений секрета и тени $S + Share_i$ по соответствующим каналам передачи теней C_i . При этом, очевидно, вероятность P в (1) зависит от криптографических свойств применяемой хеш-функции:

$$P\left[\left(h(S^A) = h(S^B)\right) \rightarrow \left(S^A = S^B\right)\right] = 1 - P(h).$$

В правой части равенства $P(h)$ — вероятность появления коллизии для выбранной криптографической хеш-функции $h(S)$.



Для вариации протокола получены значения времени (см. рисунок, кривая 1; кривая 2 — $h(S_i)$, 3 — $h(S)$) и алгоритмической сложности сборки секрета в зависимости от значения n , соответствующие указанным выше теоретическим оценкам, представлены на рисунке.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Dolev D., Dwork C. Perfectly Secure Message Transmission // Proc. 31st Annu. Symp. on Found. of Comput. Sci. 1990. P. 36—45.
2. Dolev D., Yao A. On the Security of Public Key Protocols // IEEE Transact. on Inform. Theory. 1983. Vol. 29, N 2. P. 198—208.
3. Kurosawa K. General Error Decodable Secret Sharing Scheme and Its Application. Cryptology ePrint Archive Report/ 2009. P. 263.
4. Yang Q., Desmedt Y. Cryptanalysis of Secure Message Transmission Protocols with Feedback // ICITS. 2009. P. 159—176.
5. Shamir A. How to share a secret // Communication of ACM. 1979. Vol. 22, N 11. P. 612—613.
6. Python Core Development [Электронный ресурс]: <<http://www.python.org/dev/peps/pep-0237/>>.

Максим Васильевич Белоусов

Сведения об авторах

— аспирант; Владимирский государственный университет им. А. Г. и Н. Г. Столетовых, кафедра информатики и защиты информации; E-mail: lib.bmw@gmail.com

Алексей Викторович Александров

— канд. физ.-мат. наук, доцент; Владимирский государственный университет им. А. Г. и Н. Г. Столетовых, кафедра информатики и защиты информации; E-mail: alex_izi@mail.ru

Рекомендована ВЛГУ

Поступила в редакцию
17.04.12 г.